

# Zkouška

Celkem 20 b, úspěch  $\geq 10$ .

Celkem 19 bodu, 12 na projiti.

celkem 25 bodu, kto mel min nez 16, tak to nedal

## 1. XML

### Příklad:

Databáze:

FILMY(NAZ\_F, DELKA, NAKLADY, REZISER, ADR)

Napište SQL/XML dotaz na: NAZ\_F, DETAILY

kde atribut DETAILY má strukturu:

```
<detail delka=100>
```

```
  <reziser>Forman</reziser>
```

```
  <film>Amadeus</reziser>
```

```
</detail>
```

- hint: pomocí XMLELEMENT, XMLATTRIBUTE
- Select Naz\_F, XMLELEMENT(NAME "detail", XMLATTRIBUTES(Delka As "delka"), XMLELEMENT(NAME "reziser", Reziser), XMLELEMENT(NAME "film", Naz\_f)) As Detaily

From FILMY

## 2. Vyjadřovací síla

### 2.1 DRK, RA

#### Definice:

**dom (doména)** a **adom (akt.doména)**: pokud budu mít datový typ atributu x integer, pak dom je celý rozsah integeru a adom jsou pouze hodnoty integeru, které se nachází i v db (tj. hodnoty, kterých atribut x nabývá)

Výraz dotazu (v DRK) nazveme **doménově nezávislým (definitním, určitým)**, jestliže odpověď na něj nezávisí na dom.

- tj.: nejsou definitní pokud pod různými schématy dávají různé výsledky

#### Příklad přednáška:

- $\neg$  KNIHA(TITUL:'Úvod do DBS',AUTOR:a)
  - NENÍ definitní.
- $\exists i\check{c} (EXEMPLÁŘ(i\check{c},d) \wedge VÝPŮJČKA(i\check{c},\check{c},z))$ 
  - JE definitní
- $\exists i\check{c} (EXEMPLÁŘ(i\check{c},d) \vee VÝPŮJČKA(i\check{c},\check{c},z))$ 
  - NENÍ definitní, jsou-li proměnné netypované nebo s příliš "širokými" typy
    - jde o to, že pokud hledané ič, tak ho u 2. příkladu najdeme (pokud existuje), kdežto u 3. se můžeme zaseknout na neexistenci ič v EXEMPLÁŘ a už nikdy nezjistíme, jestli ič je ve VÝPUJČKA
    - viz konec tohoto dokumentu

#### Definice:

**Proměnné opakování:** volne - nejsou v zadnem kvantif. (např  $R(x)$ ), vázané - jsou v nějakém kvantifikátoru (např:  $\exists x R(x)$ )

**Bezpečná (safe) formule DRK**, A, je formule DRK, která je definitní a syntakticky charakterizovatelná.

1. má eliminovaný  $\forall$ 
  - pozn.:  $\forall x \varphi(x)$  můžeme nahradit  $\neg \exists x (\neg \varphi(x))$

2. je-li v A obsažena disjunkce  $\phi_1 \vee \phi_2 \vee \dots$ , pak  $\phi_i$  obsahují stejné volné proměnné,
  - pozn.:  $\phi_1 \Rightarrow \phi_2$  transformujeme na  $\neg \phi_1 \vee \phi_2$
3. je-li v A obsažena konjunkce (maximální),  $\phi \equiv \phi_1 \wedge \dots \wedge \phi_r$ ,  $r \geq 1$ , pak každá volná proměnná ve  $\phi$  je **omezená** (limited), tj. platí pro ni alespoň jedna z podmínek:
  - $\phi_i$  není aritmetické porovnání a není negací,
    - např.:  $\phi_i$  je ne-negovaná komplexní formule/"db predikát"
  - existuje  $\phi_i \equiv x=a$ , kde  $a$  je konstanta,
  - existuje  $\phi_i \equiv x=y$ , kde  $y$  je omezená.
4.  $\neg$  smí být použita pouze v konjunkcích z bodu 3.

### Příklad přednáška:

- $x=y$  NENÍ bezpečná
  - $x, y$  nejsou omezené
- $x=y$  v  $R(x,y)$  NENÍ bezpečná
  - prvky disjunkce sdílí obě volné proměnné, ale první max. konjunkce ( $x=y$ ) obsahuje rovnici s ne-omezenými proměnnými
- $x=y \wedge R(x,y)$  JE bezpečná
- $R(x,y,z) \wedge \neg(P(x,y) \vee Q(y,z))$  NENÍ bezpečná, je definitní.
  - protože disjunkce neobsahuje stejné volné proměnné
- $\{x,y,z \mid R(x,y) \wedge \neg(P(x,y) \vee \neg Q(y,z))\}$ 
  - z neomezeno v konjunkci (volná proměnná "z" není nikde omezena) + navíc disjunkce nesdílí tytéž proměnné
- $R(x,y,z) \wedge \neg P(x,y) \wedge \neg Q(y,z)$  je bezpečná (jedná se o ekvivalentní úpravu předchozí formule)!
  - v  $\neg Q(y,z)$  jsou sice volné  $y$  a  $z$ , ale ty jsou omezené v  $R(x,y,z)$
  - v  $\neg P(x,y)$  jsou sice volné  $x$  a  $y$ , ale ty jsou omezené v  $R(x,y,z)$
- $\neg(x=y) \wedge R(x,y)$  NENÍ bezpečný
  - syntakticky se vyhodnotí jako  $\neg \phi_1 \wedge \phi_2$  (tj. do této binární konjunkce vstupuje na levé straně operátor negace a na pravé straně  $R$ ) a ve  $\phi_1$  je maximální konjunkce  $x=y$  (a  $x$  ani  $y$  zde nejsou omezené)

### Příklad:

Máme dotaz v DRK a rozhodnout, zda je/neli bezpečný

(neco jako)  $D(w,y) = \{\exists x (T(x,y) \wedge (R(w,x) \vee S(x,y)))\}$

- odpověď (z fora): ano, protože má všechny proměnné omezené
- mě přijde že není bezpečná viz třeba pravidlo 2 ( $R$  a  $S$  nemají stejné volné proměnné)
  - není definitní
    - kvůli části  $R(w,x) \vee S(x,y)$ ... sice při vyhodnocování už máme pevně dané  $x,y$ , ale můžeme se při vyhodnocování  $R$  zaseknout na nekonečné doméně  $w$ . To ale znamená, že kdyby se prohodilo pořadí v disjunkci na  $S(x,y) \vee R(w,x)$ , tak už to definitní je ( $x, y$  jsou už určeny z relace  $T$ ).

### Teorie:

#### **Postačující podmínky pro definitní formuli A:**

1. komponenty TRUE-ohodnocení  $A$  jsou z  $adom(A)$ .
2. je-li  $A' \equiv \exists y \phi(y)$ , pak je-li pro nějaké  $y_0$   $\phi(y_0) \Leftrightarrow \text{TRUE}$ , pak  $y_0 \in adom(\phi)$ .
3. je-li  $A' \equiv \forall y \phi(y)$ , pak je-li pro nějaké  $y_0$   $\phi(y_0) \Leftrightarrow \text{FALSE}$ , pak  $y_0 \in adom(\phi)$ .
  - pozn.:  $\forall y \phi(y) \Leftrightarrow \neg \exists y \neg \phi(y)$

### Příklad přednáška:

převod z DRK na RA

$\{w,x \mid R(w,x) \wedge \forall y (\neg S(w,y) \wedge \neg S(x,y))\}$  je definitní výraz.

Zdůvodnění:  $dom(\neg S(w,y) \wedge \neg S(x,y)) = dom(S)$

Nechť  $y_0 \notin \text{dom}(S)$ . Pak  $\neg S(w, y_0) \wedge \neg S(x, y_0) \Leftrightarrow \text{TRUE}$ .

Tedy je splněna podmínka 3 z upřesnění definice defin. form.

Eliminací  $\wedge$  a  $\forall$  obdržíme definitní výraz:

$$\{w, x \mid \neg(\neg R(w, x) \vee \exists y(S(w, y) \vee S(x, y)))\}$$

Transformace:

$$S(w, y) \vee S(x, y) \rightarrow (SxE)[1, 3, 2] \cup (SxE)[3, 1, 2]$$

$$\exists y ( \text{"-"} ) \rightarrow ( \text{"-"} ) [1, 2] \text{ označme jako } E'$$

$$\text{Pz.: } E' \text{ jde optimalizovat na } (SxE)[1, 3] \cup (SxE)[3, 1]$$

$$\neg R(w, x) \rightarrow E^2 - R$$

$$\neg R(w, x) \vee \exists y(S(w, y) \vee S(x, y)) \rightarrow (E^2 - R) \cup E'$$

$$\neg( \text{"-"} ) \rightarrow E^2 - ((E^2 - R) \cup E')$$

### Příklad:

Máme relace  $T(X, W)$ ,  $S(X, Y)$  a  $R(A, B)$  a dotaz v DRK

$$\{y, w \mid \exists x (T(x, w) \wedge (S(x, y) \vee R(x, y)))\}$$

- 
- je bezpečný?
  - je bezpečná (volné  $y, w$  jsou omezené)
- Prevedte pomocí algoritmu do RA (2 body)
  - *forum říká: algoritmem se myslelo nejspis to, co je popsane na slidech (ty kde je i datalog) - napr. formule mela byt nejdriv normalizovana...*
  - Definitni:
    - Necht' z patri adom( $T \vee S \vee R$ ) potom  $T(z, w) \& (S(z, y) \vee R(z, y)) \Leftrightarrow \text{TRUE}$ 
      - 2) podmínka splněna
  - Normalizace (eliminace  $\wedge$  a  $\forall$ ):
    - $\{y, w \mid \exists x \neg(T(x, w) \wedge (S(x, y) \vee R(x, y)))\}$
    - $\{y, w \mid \exists x \neg(\neg T(x, w) \vee \neg(S(x, y) \vee R(x, y)))\}$
  - Transformace:
    - 3)  $S(x, y) \vee R(x, y) \rightarrow S \cup R \dots E'$
    - 4)  $\neg E' \rightarrow E^2 - E'$
    - 5)  $\neg T(x, w) \rightarrow E^2 - T$
    - 6)  $E^2 - T \vee E^2 - E' \rightarrow (E^2 - T \times E) [2, 3] \cup (E^2 - E' \times E) [3, 2]$
    - 6)  $\neg(\neg T(x, w) \vee \neg(S(x, y) \vee R(x, y))) \rightarrow E^3 - ((E^2 - T \times E) [2, 3] \cup (E^2 - E' \times E) [3, 2])$
    - 7)  $\exists x \rightarrow E^3 - ((E^2 - T \times E) [2, 3] \cup (E^2 - E' \times E) [3, 2]) [2, 3]$
    - 8)  $E^3 - ((E^2 - T \times E) [2, 3] \cup (E^2 - (S \cup R) \times E) [3, 2]) [2, 3]$

### Příklad:

Máme schéma KNIHA(název, autor, isbn) a EXEMPLÁŘ(isbn, cena, země, ...)

- Napište pohled v SQL DRAHEKNIHY(nazev, autor) - knihy s cenou na 4000 a zemí původu Velká Británie, Německo nebo Francie.
  - CREATE VIEW DRAHEKNIHY(nazev, autor) AS  
SELECT k.nazev, k.autor  
FROM KNIHA k, EXEMPLÁŘ e  
WHERE  
k.isbn = e.isbn AND  
e.cena > 4000 AND  
e.zeme IN ('Velká Británie', 'Německo', 'Francie')  
GROUP BY e.isbn
- Převědte do RA (1 bod)
  - $(\text{KNIHA} * \text{EXEMPLÁŘ})(E.CENA > 3 \wedge (E.ZEME = \text{'Velká Británie' v...)})(K.NAZEVI, K.AUTOR)$
- Převědte a) do DRK pomocí algoritmu (1 bod)
  - bez algoritmu:
    - $\{n, a \mid \exists i, c, z \text{ KNIHA}(n, a, i) \wedge \text{EXEMPLÁŘ}(i, c, z) \wedge c > 4000 \wedge (z = \text{'Velká Británie' v...})\}$

- výsledek RA i DRK dotazu je množina (=automatický DISTINCT)

### Příklad:

name DB: Oddeleni(id\_oddeleni, jmeno\_oddeleni, id\_vedouciho),  
Zamestnanec(jmeno,id\_zamestnance,jmeno\_oddeleni)

- jmena oddeleni se mohla opakovat

- id vedouciho odkazuje do zamestnancu

- napsat view na : vybrat jmena oddeleni a jejich vedouci tech oddeleni, jejichz nazev se v databazi neopakuje

- CREATE VIEW Oddeleni\_Vedouci AS

```
SELECT o.jmeno_oddeleni, MAX(z.jmeno) AS jmeno
FROM Oddeleni o, Zamestnanec z
WHERE
```

```
o.id_vedouciho = z.id_zamestnance
```

```
GROUP BY o.jmeno_oddeleni
```

```
HAVING COUNT(*) = 1
```

- CREATE VIEW Oddeleni\_Vedouci AS

```
SELECT o.jmeno_oddeleni, z.jmeno
```

```
FROM Oddeleni o, Zamestnanec z
```

```
WHERE
```

```
o.id_vedouciho = z.id_zamestnance AND
```

```
o.jmeno_oddeleni NOT IN (
```

```
SELECT jmeno_oddeleni FROM Oddeleni
```

```
GROUP BY jmeno_oddeleni HAVING COUNT(*)>1)
```

- rozhodnout, zda je to view, co jsme napsali v 1. aktualizovatelný

- nejde protože používáme GROUP BY ( subquery taky vadí : ) )

- SQL92:

- V *dotazu* nesmí být klauzule **DISTINCT**, tj. nesmí být eliminovány duplicitní záznamy.

- Každý sloupec *dotazu* musí být přímo sloupцем tabulky, tj. nesmí to být ani výraz ani agregační funkce a každý sloupec tabulky smí být vybrán jen jednou.

- Data *dotazu* nesmí být řazena, tj. není povoleno použití **ORDER BY**.

- *Dotaz* nesmí být hierarchický, tj. nesmí obsahovat klauzule **CONNECT BY** a **START WITH**.

- Pohled je specifikován nad jedinou tabulkou a v případě, že je nad pohledem, musí tento pohled splňovat všechny tyto podmínky. To znamená, že pohled nesmí být spojením více tabulek ani jejich sjednocením, průnikem či rozdílem (**UNION, INTERSECT, MINUS**).

- Klauzule **WHERE** *dotazu* nesmí obsahovat vnořený příkaz **SELECT**.

- V *dotazu* nesmí být použita klauzule **GROUP BY** včetně **HAVING**.

- Zdroj: <http://www.kiv.zcu.cz/~zima/vyuka/db2/sql92-03.html>

- SQL99: Columns (of views) are potentially updatable if ...

- no DISTINCT operator

- no GROUP BY, HAVING clause

- no derived columns (e.g. arithmetic expressions)

- napsat dotaz view v DRK

- $\{x, y \mid \text{Oddeleni}(io, x, iv) \wedge \text{Zamestnanec}(y, iv, jo) \wedge \neg \exists io2 (\text{Oddeleni}(io2, x, iv2) \wedge \neg (io=io2))\}$

- formálně by se ještě mělo zapsat existenční kvantifikátory pro: io, iv, jo, iv2:

```
{x, y |  $\exists io, iv, jo$  (
```

```
Oddeleni(io, x, iv)  $\wedge$ 
```

```
Zamestnanec(y, iv, jo)  $\wedge$ 
```

```
 $\neg \exists io2, iv2 (\text{Oddeleni}(io2, x, iv2) \wedge \neg (io=io2))\}$ 
```

### Další příklady:

1b - napsat nějaký pohled (vznosně to bylo nazváno virtuální relace)

1b - převést do RA (algoritmem!!!)

1b - převést do DRK (algoritmem!!!)

2b - napsat nějaký DRK ( taký algoritmem!!!)

1b - estli něco jako metro(linka, Můstek, Skalka) podle programu implikuje (linka, Skalka, Můstek) (neimplikovalo)

2b - kolik relací z programu de přepsat do RA

## 2.2 Datalog

### Teorie:

Extenzionální databáze (EDB) - db predikáty

Intenzionální databáze (IDB) - pravidla

**Tvrzení:** Nerekurzivní programy DATALOG $\neg$ u vyjadřují právě ty dotazy, které jsou vyjádřitelné v  $A_R$ .

### Příklad z přednášky:

#### vytvoření programu z relačního výrazu

$MŮŽE\_KOUPIT(X,Y) = LÍBÍ\_SE(X,Y) - (DLUŽNÍK(X) \times LÍBÍ\_SE(X,Y)[Y])$

- “může si koupit ten X, komu se líbí nějaké Y, minus ty případy, kdy X je zadlužen”

EDB:  $LÍBÍ\_SE(X,Y)$  osobě X se líbí předmět Y

$DLUŽNÍK(X)$  osoba X je dlužníkem

označme  $DLUŽNÍK(X) \times LÍBÍ\_SE(X,Y)[Y]$  jako  $D\_P\_PÁR(X,Y)$ .

Pak datalogický program pro  $MŮŽE\_KOUPIT$  je:

$JE\_OBDIVOVÁN(y) :- LÍBÍ\_SE(x,y)$

$D\_P\_PÁR(x,y) :- DLUŽNÍK(x), JE\_OBDIVOVÁN(y)$

$MŮŽE\_KOUPIT(x,y) :- LÍBÍ\_SE(x,y), \neg D\_P\_PÁR(x,y)$

### Příklad z přednášky:

#### vytvoření relačního výrazu z programu

EDB:  $R^*, S^*, \text{adom} = R[X] \cup R[Y] \cup S$

$P(x) :- R(x,y), \neg S(y)$

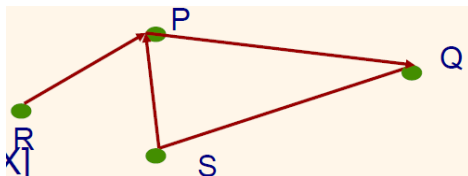
$Q(z) :- S(z), \neg P(z)$

$P(X) = (R(X,Y) * \{\text{adom} - S\}(Y))[X]$

$Q(Z) = S(Z) * \{\text{adom} - P\}(Z) \quad (S \cap \{\text{adom} - P\})(Z)$

Protože  $S \subset \text{adom}$ , platí  $Q(Z) = S(Z) - P(Z)$ . Po substituci za P

$Q(Z) = S(Z) - (R(Z,Y) * \{\text{adom} - S\}(Y))[Z]$



### Teorie:

Program P je **stratifikovatelný**, jestliže existuje dělení  $P = P_1 \cup \dots \cup P_n$  ( $P_i$  jsou navzájem disjunktní) takové, že pro každé  $i \in \{1, \dots, n\}$  platí:

- Vyskytuje-li se relační symbol S pozitivně v nějakém pravidle z  $P_i$ , pak definice S je obsažena v  $\bigcup_{j < i} P_j$
- Vyskytuje-li se relační symbol S negativně v nějakém pravidle z  $P_i$ , pak definice S je obsažena v  $\bigcup_{j < i} P_j$

( $P_1$  může být  $\emptyset$ )

Dělení  $P_1, \dots, P_n$  se nazývá **stratifikace** P, každé  $P_i$  je **stratum**.

### Příklad z přednášky:

Program       $P(x) :- \neg Q(x)$             (1)  
                  $R(1)$                             (2)  
                  $Q(x) :- Q(x), \neg R(x)$     (3)

je stratifikovatelný. Stratifikace:  $\{(2)\} \cup \{(3)\} \cup \{(1)\}$

Program       $P(x) :- \neg Q(x)$   
                  $Q(x) :- \neg P(x)$

není stratifikovatelný.

### Příklad z knížky (Abiteboul, Hull: Foundations of Databases):

Consider a database for the Parisian Metro. Note that this database essentially describes a graph. (Database applications in which part of the data is a graph are common.) To avoid making the Metro database too static, we assume that the database is describing the available metro connections on a day of strike (not an unusual occurrence). So some connections may be missing, and the graph may be partitioned.

$EDB(Pmetro) = \{Links\},$   
 $IDB(Pmetro) = \{St\_Reachable, Li\_Reachable, Ans\_1, Ans\_2, Ans\_3\}$

$St\_Reachable(x, x) \leftarrow$   
 $St\_Reachable(x, y) \leftarrow St\_Reachable(x, z), Links(u, z, y)$   
 $Li\_Reachable(x, u) \leftarrow St\_Reachable(x, z), Links(u, z, y) \quad //dosažitelná trasa$   
 $Ans\_1(y) \leftarrow St\_Reachable(Odeon, y)$   
 $Ans\_2(u) \leftarrow Li\_Reachable(Odeon, u)$   
 $Ans\_3() \leftarrow St\_Reachable(Odeon, Chatelet)$

#### **info:**

1. What are the stations reachable from Odeon?
2. What lines can be reached from Odeon?
3. Can we go from Odeon to Chatelet?

For example, an instantiation of the second rule of Pmetro is as follows:

$St\_Reachable(Odeon, Louvre) \leftarrow St\_Reachable(Odeon, Chatelet), Links(1, Chatelet, Louvre)$

### Příklad:

DATALOG. Mame METRO(linka, stanice, nasledujici stanice)

$A(x,x):-METRO(u,x,y)$             (1)  
 $A(x,y):-A(x,z),METRO(u,z,y)$     (2)  
 $B(x,z):-A(x,y),A(z,y),x!=z$         (3)  
 $O1(y):-A(y,Skalka),y!=Krizikova$     (4)  
 $O2(z):-B(z,Krizikova)$             (5)

- Co znamenaji A, B, O1 a O2? (4 body)
  - (1) (2) - A říká rekurzí jestli je stanice dosažitelná
  - (3) - B(x,z) - stanice, ze kterých je dostupná nějaká společná stanice
  - O1 - stanice z kterých je dosazitelná Skalka mimo Křižíkovy
  - O2 - stanice, pro kterou existuje společně dostupná stanice s Křižíkovou
- je  $A(x,x)$  true i pro stanice, které existují, ale nemají následníka? jako jednosměrná konečná
  - není, ale původní zadání v knížce to umožňovalo
- jak upravit program aby fungoval pro stanice se sejným jménem (např: Národní divadlo, existují dvě)
  - unikátní index? :)
- je program stratifikovatelný?
  - je, stratifikace:  $\{(1)\} \cup \{(2)\} \cup \{(3)\} \cup \{(4)\} \cup \{(5)\}$

- nakonec jsme se shodli že METRO je fakt :))
- když vezmem orig. příklad (viz vejš) tak METRO patří do EDB
- ak existuje závislostný graf ktorý neobsahuje cyklus s negativnou hranou tak je stratifikovatelný (keď si nakreslím ten graf tak tam žiadna negatívna hrana nieje + jediný cyklus je A -> A)
- Který z A,B,O1 a O2 lze spočítat v RA? (2 body)
  - musí to být nerekurzivní DATALOG→
    - A je cyklická => rekurzivní
    - O1,B je def. pomocí A
    - O2 je def. pomocí B
      - => ani jedno nelze spočítat v RA
- v databázi je (A, Mustek, Skalka), lze z toho odvodit A(Skalka, Mustek) ?
  - ne - predikát A popisuje jednosměrnou dosažitelnost

### Příklad:

máme DB: Oddeleni(id\_oddeleni, jmeno\_oddeleni, id\_vedouciho),

Zamestnanec(jmeno,id\_zamestnance,jmeno\_oddeleni)

- jména oddeleni se mohla opakovat

- id vedouciho odkazuje do zamestnancu

napsat v DATALOGu:

- to same co 1., tj: vybrat jména oddeleni a jejich vedouci tech oddeleni, jejichz název se v databázi neopakuje
  - JineOddeleni(io, x) :- Oddeleni(io2, x, iv2), io!=io2  
 Oddeleni\_Vedouci(x,y) :- Oddeleni(io, x, iv), Zamestnanec(y, iv, jo), ¬JineOddeleni(io, x)
- vybrat zamestnance, kteří pracují současně v oddeleni TV a oddeleni HUDBA
  - TVHUDBA(x) :- zamestnanec(x, \_, TV), zamestnanec(x, \_, HUDBA)
- vybrat zamestnance, kteří pracují buď v oddeleni OBUV nebo OBLEKY
  - OBUVOBLEKY(x) :- zamestnanec(x, \_, OBUV)  
 OBUVOBLEKY(x) :- zamestnanec(x, \_, OBLEKY)
- vybrat zamestnance, kteří nepracují v oddeleni : TV, HUDBA, OBUV, OBLEKY
  - NEPRACUJI(id) :-  
 Zamestnanec(id, \_, \_), ¬Zamestnanec(id, \_, HUDBA), ¬Zamestnanec(id, \_, OBLEKY)...
- udelat dotaz, který vypíše všech vedoucích ( funkce měla být tvaru NADRIZENY(ZAMESTANEC, VEDOUCI))
  - NADRIZENY(ZAMESTANEC, VEDOUCI):-  
 Zamestnanec(ZAMESTANEC, \_, x),  
 Oddeleni(\_, x, y),  
 Zamestnanec(VEDOUCI, y, x)
- vypsat top-vedoucích, kteří nemají nikoho nadřazeného (zřejmě se tam mělo použít funkce NADRIZENY(ZAMESTANEC, VEDOUCI), pak to bylo za 0.5 bodu)
  - TOPVEDOUCI(VEDOUCI) :- Nadrizeny(\_, VEDOUCI), ¬Nadrizeny(VEDOUCI, \_)
    - jenom NADRIZENY(\_, VEDOUCI) nestačí - vrátí jenom všechny nadřazené
      - kdy může být vedoucí nad vedoucím - např v případě kdy vedoucí oddělení pracuje jako zaměstnanec jiného oddělení. Nebo když jsou oddělení hierarchicky dělená a vedoucí nižších oddělení jsou zaměstnanci vyšších oddělení...

## 3. Rekurse v SQL

### Příklad z přednášky:

Tabulka: Zaměstnanci(č\_zam, jméno, funkce, č\_nad)

Najdi všechny nadřazené Nového (včetně něho sama)

```
WITH RECURSIVE Nadřizení(jméno, č_nad, č_zam) AS
  (SELECT jméno, č_nad, č_zam
```

```

FROM Zaměstnanci
WHERE jméno = 'Nový'
UNION ALL
SELECT Z.jméno, Z.č_nad, Z.č_zam
FROM Zaměstnanci AS Z
INNER JOIN
Nadřazení AS N
ON N.č_nad = Z.č_zam)
SELECT * FROM Nadřazení

```

### **Příklad:**

Rekurzivní vyhledávání: lety z přednášky

### **Příklad:**

Máme tabulku Zaměstnanci(jméno, plat, vedoucí). Najdete pomocí rekurzivního dotazu všechny zaměstnance s platem nad 100 000, kteří jsou (i neprimi) podřízeni Ryby. (3 body)

```

WITH RECURSIVE PodRybou(jméno) AS
    (SELECT jméno
     FROM Zaměstnanci
     WHERE vedoucí = "Ryba"
  UNION ALL
     SELECT jméno
     FROM Zaměstnanci Z, PodRybou P
     WHERE Z.vedoucí = P.jméno
  )
SELECT * FROM PodRybou
WHERE plat > 100 000

```



# 4. Herbrandovské struktury a báze, svazy, produkční operátor

## 4.1 Produkční operátor $T_P$

### Příklad z wiki:

- Opáčko
$$T_P \uparrow 0 = \{\}$$
$$T_P \uparrow k = T_P(T_P \uparrow k-1)$$
$$T_P \uparrow \alpha = \cup \{ T_P \uparrow \beta : \beta < \alpha \} \text{ .. } \alpha \text{ limitní}$$
$$T_P \downarrow 0 = B_P$$
$$T_P \downarrow k = T_P(T_P \downarrow k-1)$$
$$T_P \downarrow \alpha = \cap \{ T_P \downarrow \beta : \beta < \alpha \} \text{ .. } \alpha \text{ limitní}$$
- Příklad
$$P = \{$$
$$\quad q(b) \leftarrow$$
$$\quad q(f(x)) \leftarrow q(x)$$
$$\quad p(f(x)) \leftarrow p(x)$$
$$\quad p(a) \leftarrow p(x)$$
$$\quad r(c) \leftarrow r(x), q(x)$$
$$\quad r(f(x)) \leftarrow r(x)$$
$$\}$$
- Spočítejte **lfp**
$$T \uparrow 0 = \{\}$$
$$T \uparrow 1 = \{ q(b) \} \text{ .. přidáme prvky, co jsou důsledkem předchozího kroku}$$
$$T \uparrow 2 = \{ q(b), q(f(b)) \}$$
$$\dots$$
$$T \uparrow k = \{ q(b), q(f(b)), \dots, q(f^{k-1}(b)) \}$$
$$\dots$$
$$T \uparrow \omega = \{ q(b), q(f(b)), \dots, q(f^n(b)), \dots \} = \text{lfp} \text{ .. dál se již nemění}$$
- Spočítejte **gfp**

Herbrandovská báze  $B_P = \{ p(X), p(f^n(X)), q(X), q(f^n(X)), r(X), r(f^n(X)); X \in \{a,b,c\}, n \geq 1 \}$

$$T \downarrow 0 = B_P$$
$$T \downarrow 1 = \{ p(a), p(f^m(a)), p(f^n(b)), p(f^n(c)), q(b), q(f^m(b)) \mid q(f^n(a)), q(f^n(c)), r(c), r(f^m(c)), r(f^n(a)), r(f^n(b)); n \geq 2, m \geq 1 \} \text{ .. odstraníme prvky, co nejsou důsledkem předchozího kroku}$$
$$\dots$$
$$T \downarrow k = \{ p(a), p(f^m(a)), p(f^n(b)), p(f^n(c)), q(b), q(f^m(b)) \mid q(f^n(a)), q(f^n(c)), r(c), r(f^m(c)), r(f^n(a)), r(f^n(b)); n \geq k+1, m \geq 1 \}$$
$$\dots$$
$$T \downarrow \omega = \{ p(a), p(f^m(a)), q(b), q(f^m(b)), r(c), r(f^m(c)); m \geq 1 \} \text{ .. není to ještě fix-point}$$
$$T \downarrow \omega + 1 = \{ p(a), p(f^m(a)), q(b), q(f^m(b)), r(f^m(c)); m \geq 1 \}$$
$$\dots$$
$$T \downarrow \omega * 2 = \{ q(b), q(f^m(b)), p(a), p(f^m(a)); m \geq 1 \} = \text{gfp} \text{ .. dál se již nemění}$$

# 5. Statická analýza dotazovacích jazyků

## 5.1 Tableau dotazy

### Příklad z přednášky:

Převed'te tablo na Datalog dotaz:

A	B
$a_1$	$b_2$
$b_1$	$a_2$
$b_1$	$b_2$
$a_1$	$a_2$

- $u(a_1; a_2) :- AB(a_1, b_2), AB(b_1, a_2), AB(b_1, b_2)$

### Příklad:

relace vypadaly takto:  $R(A,B,C)$ ,  $S(C,D,E)$

- napsat ekvivalentní tablo dotaz k RA dotazu  $(R^*S)(C=4)[A,B]$ 
  - $q = (T,u)$ 
    - $T = R(x_A, x_B, 4), S(4, x_D, x_E)$
    - $u = \langle A:x_A, B:x_B \rangle$
- napsat ekvivalentní tablo dotaz k RA dotazu  $(R^*S)(B = 3)[A,E]$ 
  - $q = (T,u)$ 
    - $T = R(x_A, 3, x_C), S(x_C, x_D, x_E)$
    - $u = \langle A:x_A, E:x_E \rangle$
- napsat ekvivalentní tablo dotaz DRK dotazu:  $\{x,y,z \mid R(x,2,z) \wedge R(y,3,x) \wedge R(z,y,1) \}$ 
  - $q = (T,u)$ 
    - $T = R(x,2,z), R(y,3,x), R(z,y,1)$
    - $u = \langle x, y, z \rangle$
  - zapis  $T$  tabulkou podle mě:

R	R.A	R.B	R.C
	x	2	z
	y	3	x
	z	y	1

- napsat ekvivalentní tablo dotaz k DATALOG dotazu :  $dotaz(x,y):- R(1,x,z),R(x,2,y)$ 
  - $q = (T,u)$ 
    - $T = R(1,x,z), R(x,2,y)$
    - $u = \langle x, y \rangle$

### Příklad:

$R(A,B,C)$ ,  $S(C,D,E)$

Dotaz v RA  $((R^*S)(B=2))[A,E]$  (2 body)

- převést dotaz v RA na tabulkový dotaz
  - $q = (T,u)$ 
    - $T = R(x_A, 2, x_C), S(x_C, x_D, x_E)$
    - $u = \langle A:x_A, E:x_E \rangle$

### Příklad:

tableau dotaz T:

R	A	B	C
	x	z	v

S	D	A	E
	y	x	3

Q	D	F
	y	2

$u = \langle A:x, D:y, B:z \rangle$

- Ekvivalentní dotaz v DATALOGU (1 bod)
  - $u(x,y,z) \leftarrow R(x,z,v), S(y,x,3), Q(y,2)$
- Ekvivalentní dotaz v RA (1 bod)
  - $(R * S * Q)(E = 3 \wedge F = 2)[A, D, B]$
- Ekvivalentní dotaz v DRK (1 bod)
  - $\{x,y,z \mid R(x,z,v) \wedge S(y,x,3) \wedge Q(y,2)\}$

### 5.1.1 Homomorfismus tableau dotazů

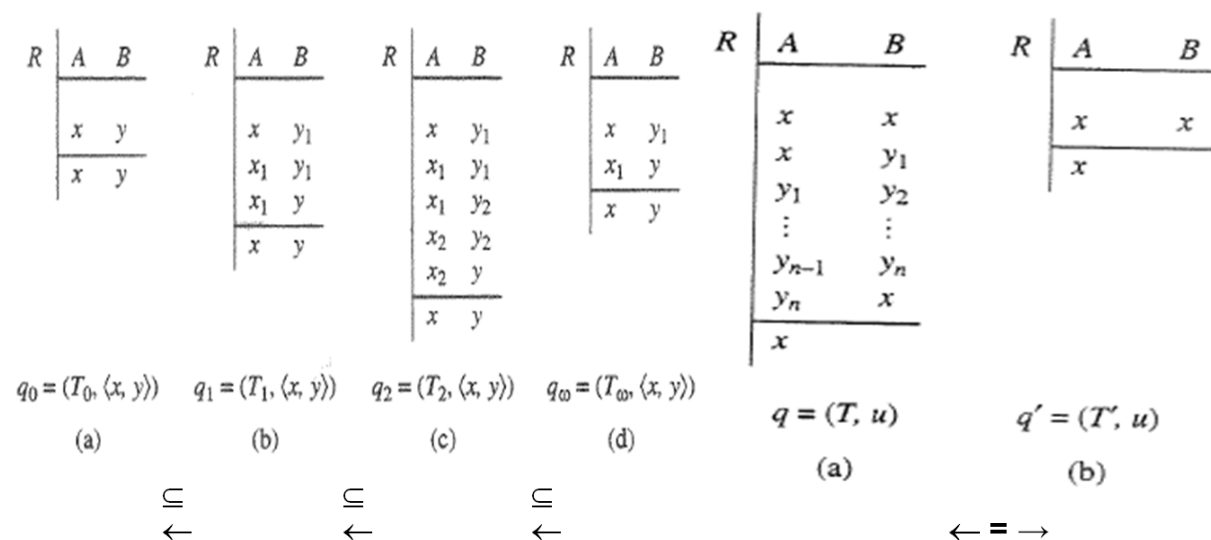
#### Teorie:

**Definice:** Necht'  $q_1 = (T_1, u_1)$  a  $q_2 = (T_2, u_2)$  jsou dva tablo dotazy. **Homomorfismus** z  $q_2$  na  $q_1$  je substituce  $\theta$  taková, že  $\theta(T_2) \subseteq T_1$  a  $\theta(u_2) \subseteq u_1$ .

**Věta:**  $q_1 \subseteq q_2$  iff existuje homomorfismus z  $q_2$  na  $q_1$ .

**Definice:** Řekneme, že tablo dotaz  $(T, u)$  je minimální, když neexistuje dotaz  $(S, v)$  ekvivalentní s  $(T, u)$  a  $|S| < |T|$  (tedy ostře méně spojení).

#### Příklad z přednášky:



**Substituce z (b) na (c):**

**Substituce z (c) na (d):**

$x_1$  v (d) je to samé jako  $x_2$  v (c).

$x, y, y_1$  zůstává.

Je vidět, že (c) má v sobě všechny podmínky co má (d), takže výsledek bude podmnožinou výsledku (d)

#### Další příklady:

Bylo zadáno, jak to tablo vypadá

1. zjistit, zda existuje homomorfismus mezi  $q_1=(T_1,u_1)$  a  $q_2=(T_2,u_2)$
2. najít  $q_2/R$  a  $q_1/R$  (nebo tak něco)

## 6. RDF

## 7. SPARQL

*Dotazovací jazyky nad Webem.*

### Příklad z přednášky:

Consider the RDF dataset D:

$D = \{ (B1, \text{name}, \text{paul}), (B1, \text{phone}, 777-3426),$   
 $(B2, \text{name}, \text{john}), (B2, \text{email}, \text{john@acd.edu}),$   
 $(B3, \text{name}, \text{george}), (B3, \text{webPage}, \text{www.george.edu}),$   
 $(B4, \text{name}, \text{ringo}), (B4, \text{email}, \text{ringo@acd.edu}),$   
 $(B4, \text{webPage}, \text{www.starr.edu}), (B4, \text{phone}, 888-4537), \}$

The following are graph pattern expressions and their evaluations over D according to the above semantics:

1. (1)  $P1 = ((?A, \text{email}, ?E) \text{ OPT } (?A, \text{webPage}, ?W)).$

$[[P1]]_D =$

	?A	?E	?W
$\mu 1$	B2	john@acd.edu	
$\mu 2$	B4	ringo@acd.edu	www.starr.edu

2.  $P2 = (((?A, \text{name}, ?N) \text{ OPT } (?A, \text{email}, ?E)) \text{ OPT } (?A, \text{webPage}, ?W)).$

$[[P2]]_D =$

	?A	?N	?E	?W
$\mu 1$	B1	paul		
$\mu 2$	B2	john	john@acd.edu	
$\mu 3$	B3	george		www.george.edu
$\mu 4$	B4	ringo	ringo@acd.edu	www.starr.edu

3.  $P3 = ((?A, \text{name}, ?N) \text{ OPT } ((?A, \text{email}, ?E) \text{ OPT } (?A, \text{webPage}, ?W))).$

$[[P3]]_D =$

	?A	?N	?E	?W
$\mu 1$	B1	paul		
$\mu 2$	B2	john	john@acd.edu	
$\mu 3$	B3	george		
$\mu 4$	B4	ringo	ringo@acd.edu	www.starr.edu

Note the difference between  $[[P2]]_D$  and  $[[P3]]_D$ . These two examples show that

$[[((A \text{ OPT } B) \text{ OPT } C)]]_D \neq [[(A \text{ OPT } (B \text{ OPT } C))]]_D$  in general.

4.  $P4 = ((?A, \text{name}, ?N) \text{ AND } ((?A, \text{email}, ?E) \text{ UNION } (?A, \text{webPage}, ?W))).$

Then

$[[P4]]_D =$

	?A	?N	?E	?W
--	----	----	----	----

μ1	B2	john	john@acd.edu	
μ2	B3	george		www.george.edu
μ3	B4	ringo	ringo@acd.edu	
μ4	B4	ringo		www.starr.edu

5. P5 = (((?A, name, ?N) OPT (?A, phone, ?P)) FILTER ?P =777-3426).

Then

[[P5]]<sub>D</sub> =

	?A	?N	?P
μ1	B1	paul	777-3426

### Další příklady:

- 6) Příklad na SPARQL viz. příklad 2) ve slajdech
- podrobněji vysvětlené a zavedené SPARQL, ze začátku není jasně vidět, že je to totéž, ale je
  - <http://www.cambridgesemantics.com/semantic-university/sparql-by-example>

# Starší písemky

## 7.6.2007

Takže copak to tam dneska bylo: (prefix sou body)

1b - napsat nějaký pohled (vznosně to bylo nazváno virtuální relace 😊)

1b - převést do RA (algoritmem!!!)

1b - převést do DRK (algoritmem!!!)

2b - napsat nějaký DRK ( taky algoritmem!!!)

4b - Vysvětlit co znamená program v datalogu (typově nad spojema - metro)

1b - estli něco jako metro(linka, Můstek, Skalka) podle programu implikuje (linka, Skalka, Můstek) (neimplikovalo)

2b - kolik relací z programu de přepsat do RA

3b - napsat dotaz v rekurzivním SQL

3b - vypočítat dotaz ve SPARQL

?b- A nazávěr opět - napsat RA a DRK či co

dohromady za 19 bodů, pod 12 return;

## 13.6.2008

1. Máme schéma KNIHA(název, autor, isbn) a EXEMPLÁŘ(isbn, cena, země, ...)

Napište pohled v SQL DRAHEKNIHY(název, autor) - knihy s cenou na 4000 a zemí původu Velká Británie, Německo nebo Francie.

a) Převědte pomocí algoritmu do RA (1 bod)

b) Převědte a) do DRK pomocí algoritmu (1 bod)

2. Máme relace  $T(X,W)$ ,  $S(X,Y)$  a  $R(A,B)$  a dotaz v DRK

$\{y,w \mid \text{ex. } x (T(x,w) \text{ and } (S(x,y) \text{ or } R(x,y)))\}$

Prevedte pomocí algoritmu do RA (2 body)

3. DATALOG. Máme METRO(linka, stanice, nasledující stanice)

$A(x,x):-\text{METRO}(u,x,y)$

$A(x,y):-A(x,z),\text{METRO}(u,z,y)$

$B(x,z):-A(x,y),A(z,y),x \neq z$

$O1(y):-A(y,\text{Skalka}),y \neq \text{Krizikova}$

$O2(z):-B(z,\text{Krizikova})$

Co znamenají A,B,O1 a O2? (4 body)

4. Který z A,B,O1 a O2 lze spočítat v RA? (2 body)

5. Máme tabulku Zamestnanci(jmeno, plat, vedouci). Najdete pomocí rekurzivního dotazu všechny zaměstnance s platem nad 100 000, kteří jsou (i neprimi) podřízení Ryby. (3 body)

6.  $R(A,B,C)$ ,  $S(C,D,E)$

Dotaz v RA  $((R * S)(B=2))[A,E]$  (2 body)

7.  $R|A|B|C$

$S|D|A|E$

$Q|D|F$

-----

-----

-----

$|x|z|v$  $|y|x|3$  $|y|2$ 

$U = \langle A:x, D:y, B:z \rangle$

- a) Ekvivalentní dotaz v DATALOGU (1 bod)
- b) Ekvivalentní dotaz v RA (1 bod)
- c) Ekvivalentní dotaz v DRK (1 bod)

Celkem 19 bodu, 12 na projiti.

## 11.6.2009

Dnešní písemka byla obdobná výše uvedené s drobnými detaily...

- 1) Převod Algebra  $\rightarrow$  DRK - přirozené spojení, projekce, selekce
- 2) Převod DRK  $\rightarrow$  Algebra - obdoba
- 3) obdoba, navíc dotaz na stratifikaci a pár drobností
- 4) dtto
- 5) rekursivní SQL - obdoba
- 6) Příklad na SPARQL viz. příklad 2) ve slajdech

Celkem 20 b, úspěch  $\geq 10$ .

## 8.6.2012 A

mame DB: Oddeleni(id\_oddeleni, jmeno\_oddeleni, id\_vedouciho),  
zamestnanec(jmeno, id\_zamestnance, jmeno\_oddeleni)

- jmena oddeleni se mohla opakovat

- id\_vedouciho odkazuje do zamestnancu

1. napsat view na : vyberte oddeleni, které se menují stejne

2. rozhodnout, zda je to view, co sme napsali v 1. proměnlive (nebo modifikovatelné.. nebo tak něco.. sam sem byl zaskocen)

3. napsat dotaz 1. v DRK

4. Mame dotaz v DRK a rozhodnout, zda je/neli bezpečný

(něco jako)  $D(w,y) = \{ \exists x T(x,y) \text{ and } (R(w,x) \text{ or } S(x,y)) \}$  - odpověď: ano, protože má všechny proměnné omezené

5. napsat v DATALOGu (db. z 1. příkladu) :

- to same co 1., tj: vybrat oddeleni s setejnými jmeny

- vybrat zamestnance, kteří pracují současně v oddeleni TV a oddeleni HUDBA

- vybrat zamestnance, kteří pracují buď v oddeleni OBUV nebo OBLEKY

- vybrat zamestnance, kteří nepracují v oddeleni : TV, HUDBA, OBUV, OBLEKY

- udelat dotaz, který vypíše všech vedoucích ( funkce měla být tvaru NADRIZENY(ZAMESTANEC, VEDOUCI))

- vypsát top-vedoucích, kteří nemají nikoho nadřazeného (zřejmě se tam mělo použít funkce

NADRIZENY(ZAMESTANEC, VEDOUCI), pač to bylo za 0.5 bodu)

- jeste něco dalšího... už si nepamatuju

6. tablo dotazy

- napsat ekvivalentní tablo dotaz k RA dotazu  $(R \circ S)(A,B)[C=4]$

- napsat ekvivalentní tablo dotaz DRK dotazu:  $\{x,y,z \mid R(x,2,z) \text{ and } R(y,3,x) \text{ and } R(z,y,1) \}$

- napsat ekvivalentní dotaz k DATALOG dotazu : dotaz(x,y):-  $R(1,x,z), R(x,2,s)$

Bylo zadáno, jak to tablo vypadá

- zjistit, zda existuje homomorfismus mezi  $q_1=(T_1,u_1)$  a  $q_2=(T_2,u_2)$

- najít  $q_2/R$  a  $q_1/R$  (nebo tak něco)

celkem 25 bodu, kto měl min než 16, tak to nedal

Ty tabla byli za 9 bodu, takže sem měl smůlu



Jen doplneni/oprava k predchozimu:

1. vybrat jmena oddeleni a jejich vedouci tech oddeleni, jejichz nazev se v databazi neopakuje
2. bylo to jestli je pohled aktualizovatelný, což nebylo protože v něm nebylo obsazeno ID ani žádná závislost, která by ho určovala

6a bylo lehce jinak, tuším ze  $(R \times S)(B = 3)[A, E]$ , přičemž relace vypadaly takto:  $R(A, B, C)$ ,  $S(C, D, E)$

Jinak obsah pro mě trochu překvapivější, žádný XML, žádná rekurze, žádný RDF ani SPARQL, žádný produkční operátor apod. a hlavně žádná teorie, jen příklady... Ale pak tam bylo i několik věcí, co se vykládalo už v DJ I.

## DOMÉNY

kvantifikátory umožňují svázat proměnnou s výskytem v nějaké formuli

– formule  $\exists x R(t_1, t_2, \dots, x, \dots)$  je vyhodnocena jako pravdivá, pokud existuje doménové ohodnocení  $x$  takové, že  $n$ -tice  $(t_1, t_2, \dots, x, \dots)$  je prvkem  $R$  –  
formule  $\forall x R(t_1, t_2, \dots, x, \dots)$  je vyhodnocena jako pravdivá, pokud pro všechna doménová ohodnocení  $x$  jsou  $n$ -tice  $(t_1, t_2, \dots, x, \dots)$  prvky  $R$

– např. dotaz  $\{(film) \mid \exists \text{nazev\_kina KINO}(\text{nazev\_kina}, film)\}$  vrátí názvy všech filmů hraných v alespoň jednom kině  
z důležité je určit, z jaké domény probíhá ohodnocování proměnných při kvantifikaci

1. doména může být nespecifikovaná (tj. ohodnocení není omezeno žádnou doménou) – ohodnocení typu universum
2. doména je typ příslušného atributu – ohodnocení podle domény
3. doména je množina hodnot daného atributu přítomných v relaci, ke které se ohodnocení vztahuje – ohodnocení podle aktuální domény

Doménový kalkul

z např. dotaz  $\{(film) \mid \forall \text{nazev\_kina KINO}(\text{nazev\_kina}, film)\}$  se podle způsobu ohodnocování proměnné  $\text{nazev\_kina}$  (typu/domény string) může lišit

- pokud ohodnocujeme podle univerza, dotaz nevrátí nic, protože v relaci KINO určitě nebudou prvky nabývající všech možných hodnot v atributu NAZEVOU\_KINA (např. hodnoty 'kůň', 125, 'bflmpsvz' tam jistě nebudou)
- pokud ohodnocujeme podle domény, dotaz také pravděpodobně nevrátí nic, protože v relaci KINO nebudou všechny hodnoty z domény string, např. 'kůň', 'bflmpsvz', ...
- pokud ohodnocujeme podle aktuální domény, dotaz vrátí názvy všech filmů, které se hrají ve všech kinech (přítomných v relaci KINO)

abychom předešli nekonečné kvantifikaci, je dobré zavést omezené kvantifikátory, které omezují interpretaci vázaných proměnných

– místo  $\exists x (\phi(x))$  budeme používat  $\exists x (R(x) \wedge \phi(x))$

– místo  $\forall x (\phi(x))$  budeme používat  $\forall x (R(x) \Rightarrow \phi(x))$

z volné proměnné  $x$  v  $\phi(x)$  lze rovněž omezit – konjunkcí

–  $R(x) \wedge \phi(x)$

z pro bezpečné formule DRK platí:

1. dotaz neobsahuje  $\forall$  (není problém,  $\forall x \phi(x)$  lze nahradit  $\neg \exists x (\neg \phi(x))$ )

2. pro disjunkci  $\phi_1 \vee \phi_2$

platí, že  $\phi_1$ ,  $\phi_2$  sdílí stejné volné proměnné

3. všechny volné proměnné v maximální konjunkci  $\phi_1 \wedge \phi_2 \wedge \dots \wedge \phi_n$

jsou omezené, tj. pro každou volnou proměnnou x platí alespoň jedna z podmínek:

1. proměnná je volná v nějaké  $\phi$

, která není negací ani binárním porovnáním

(tj.  $\phi$  je nenegovaná složená formule anebo nenegovaný „databázový“ predikát )

2. existuje  $\phi \equiv x = a$ , kde  $a$  je konstanta

3. existuje  $\phi \equiv x = v$ , kde  $v$  je omezená

4. negaci lze aplikovat pouze v konjunkcích bodu 3